ЭЛЕКТРОТЕХНИКА

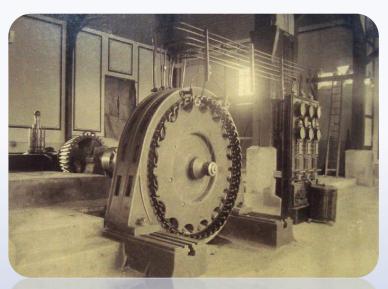
Лектор:

к.ф.-м.н. Алимгазинова Назгуль Шакаримовна

ТРЕХФАЗНЫЕ ЦЕПИ

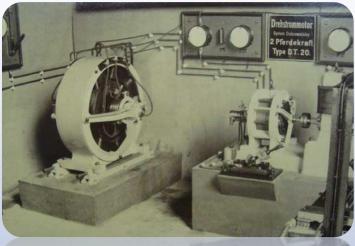


Михаил Осипович Доливо-Добровольский (1862-1919)



Трехфазный генератор, 1881 год

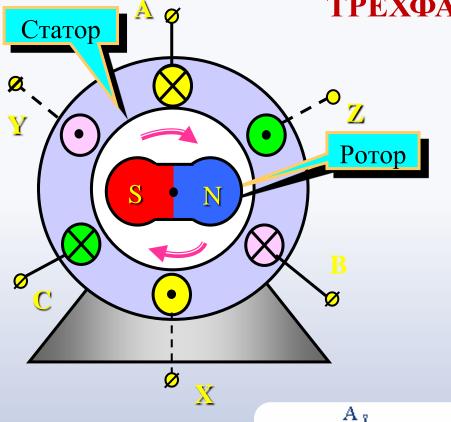
Трехфазный двигатель, 1891 год



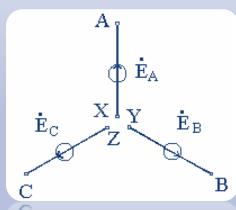
Объединение в одну цепь нескольких подобных по структуре цепей синусоидального тока одной частоты с независимыми источниками энергии создает **многофазную систему**, в которой каждая цепь является **фазой**.

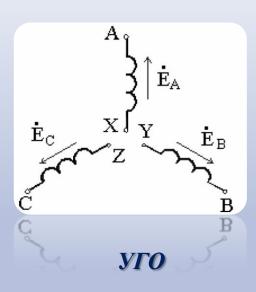
Фаза это участок цепи, относящийся к соответствующей обмотке генератора или трансформатора, линии и нагрузке.

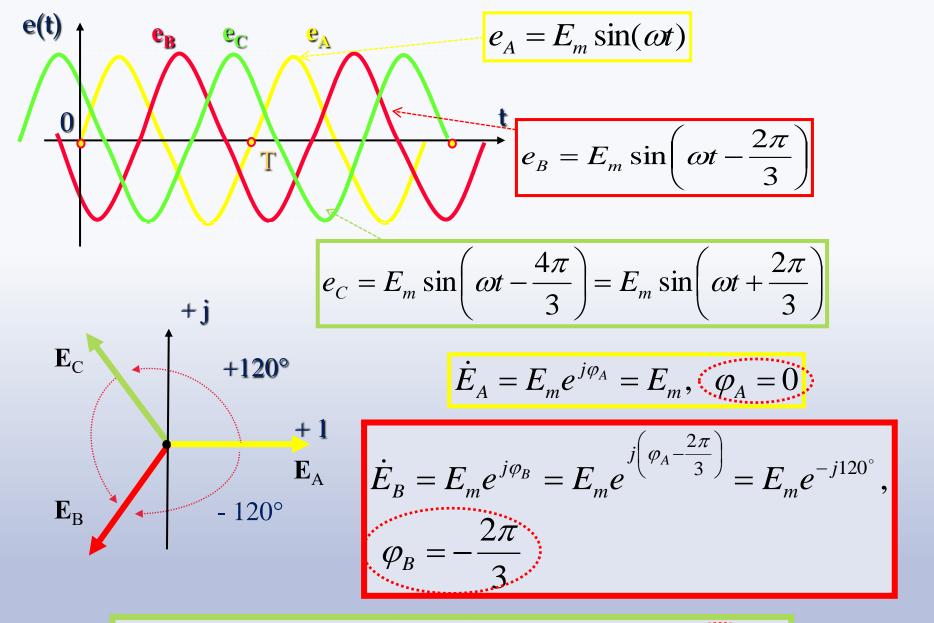
ТРЕХФАЗНЫЙ ГЕНЕРАТОР



Начала фаз обозначены буквами A, B и C, а концы -X, Y, Z.







$$\dot{E}_{C} = E_{m}e^{j\varphi_{c}} = E_{m}e^{j\left(\varphi_{A} + \frac{2\pi}{3}\right)} = E_{m}e^{j120^{\circ}}, \quad \varphi_{C} = \frac{2\pi}{3}.$$

$$e^{j\frac{2\pi}{3}}=a$$
 Фазова

Фазовый множитель

$$\dot{E}_A = E_m,$$

$$\dot{E}_B = E_m a^2,$$

$$\dot{E}_C = E_m a$$
.

Соединения трехфазной системы

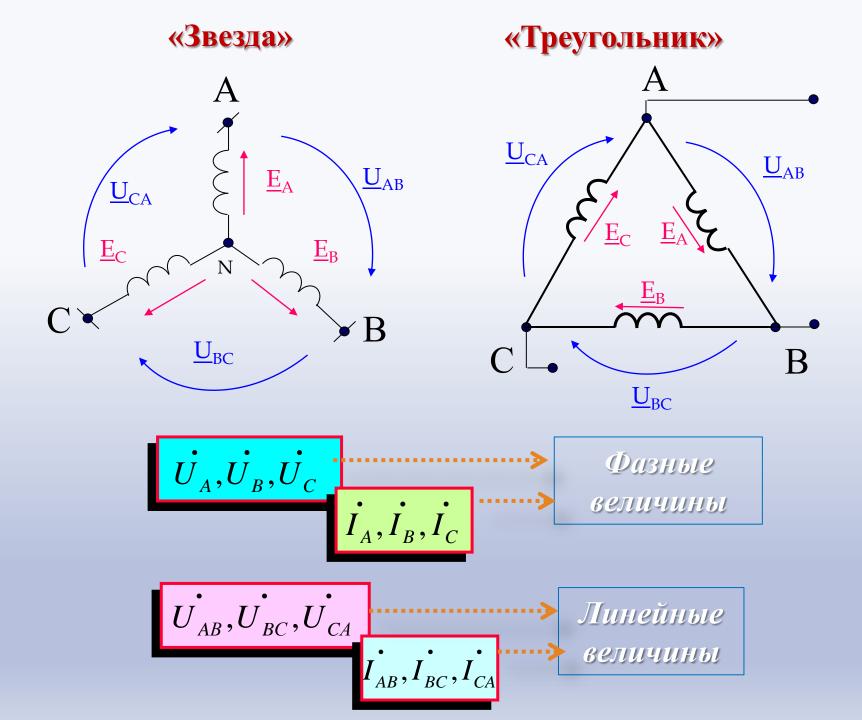
_

Треугольник

Звезда

Соединение «звездой» это такое соединение, при котором концы обмоток источника или концы потребителя соединены в одной точке, которая называется нейтралью, нулевой или нейтральной точкой.

Соединение «**треугольником**» это такое соединение, при котором начало одной фазы соединяется с концом другой фазы.



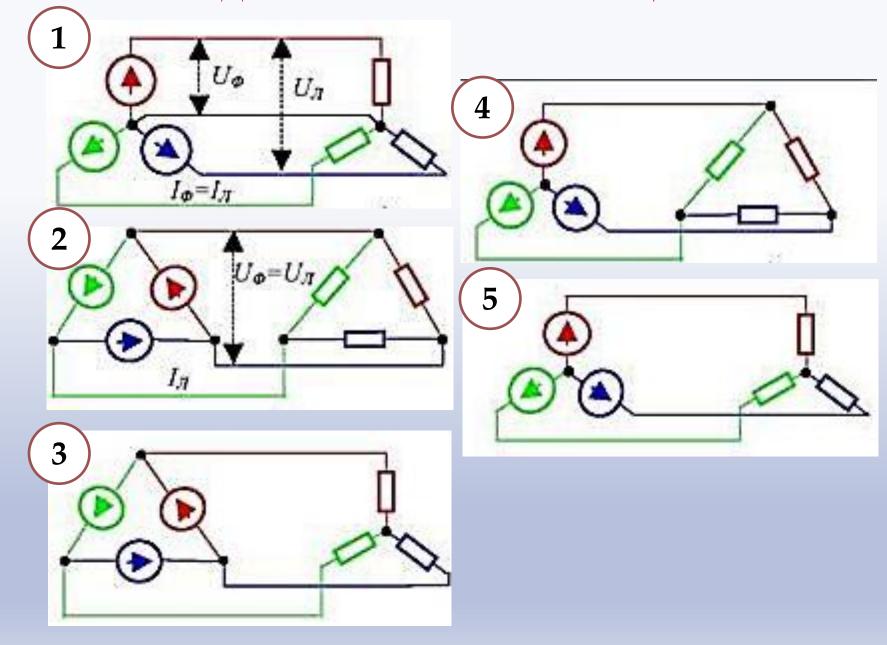
В трехфазных цепях различают напряжения и токи двух видов:

$$\checkmark$$
 линейные -
$$\dot{U}_{\mathcal{I}\!\!I} = \! \left\{ \! \dot{U}_{AB}, \dot{U}_{BC}, \dot{U}_{C\!A} \right\}, \ \dot{I}_{\mathcal{I}\!\!I} = \! \left\{ \! \dot{I}_{AB}, \dot{I}_{BC}, \dot{I}_{C\!A} \right\};$$
 \checkmark фазные –
$$\dot{U}_{\varPhi} = \! \left\{ \! \dot{U}_{A}, \dot{U}_{B}, \dot{U}_{C} \right\}, \ \dot{I}_{\varPhi} = \! \left\{ \! \dot{I}_{A}, \dot{I}_{B}, \dot{I}_{C} \right\}.$$

Фазное напряжение - это напряжение между любым линейным проводом и нулевым проводом, или же это напряжение, приложенное к обмотке источника или к потребителю. Если сопротивлением проводов можно пренебречь, то фазное напряжение в приемнике считают таким же, как и в источнике. За условно положительные направления фазных напряжений принимают направления от начала к концу фаз. Фазный ток - это ток, протекающий через обмотку источника или через потребитель.

Линейное напряжение - это напряжение между двумя линейными проводами или это напряжение между двумя любыми фазами. Условно положительные направления линейных напряжений приняты от точек, соответствующих первому индексу, к точкам соответствующим второму индексу. **Линейный ток** - это ток, протекающий по линейному проводу.

СОЕДИНЕНИЯ ТРЕХФАЗНЫХ ЦЕПЕЙ



Соединение «звезда-звезда»

Если концы фаз обмоток генератора X,Y,Z соединяют в одну общую точку N, называемую нейтральной точкой (или нейтралью), и концы фаз приемников соединяют в одну точку n, то такое соединение называется «звезда-звезда» (рисунок 11.7).

Провода, которые соединяют начала фаз генератора и приемника называются линейными: A-a, B-b и C-c. Провод, который соединяет точку N генератора c точкой n приемника называют нейтральным: N-n. Соединение трехфазной цепи c нейтральным проводом называется четырехпроводной звездой, без нейтрального провода — трехпроводной звездой.

Соединение «треугольник-треугольник»

Если конец каждой фазы обмотки генератора соединить с началом следующей фазы и подключить тремя линейными проводами к нагрузке, соединенной аналогичным образом, то образуется соединение «треугольник-треугольник»

Условия режимов работы трехфазной цепи

симметричный

$$\dot{Z}_{p}=0;$$

$$\dot{Z}_A = \dot{Z}_B = \dot{Z}_C$$

$$\dot{Z}_{p}=0;$$

$$\dot{Z}_{A}=\dot{Z}_{B}=\dot{Z}_{C}$$

$$E_{mA}=E_{mB}=E_{mC}$$

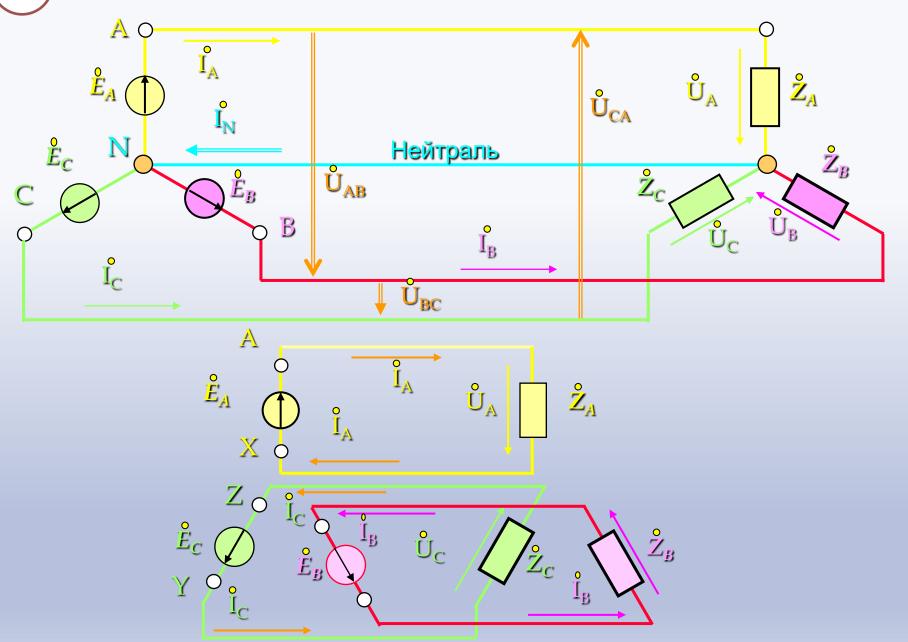
несимметричный

$$\dot{Z}_{p} \neq 0$$

$$\dot{Z}_{p} \neq 0;$$
 $\dot{Z}_{A} \neq \dot{Z}_{B} \neq \dot{Z}_{C}$
 $E_{mA} \neq E_{mB} \neq E_{mC}$

$$E_{mA} \neq E_{mB} \neq E_{mC}$$

1 СИММЕТРИЧНЫЙ РЕЖИМ трехфазной цепи



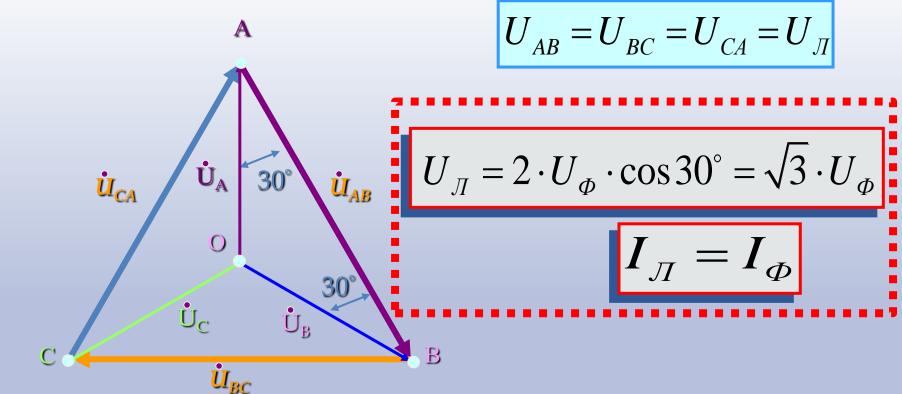
$$\dot{I}_A = \frac{\dot{E}_A}{\dot{Z}_A}$$

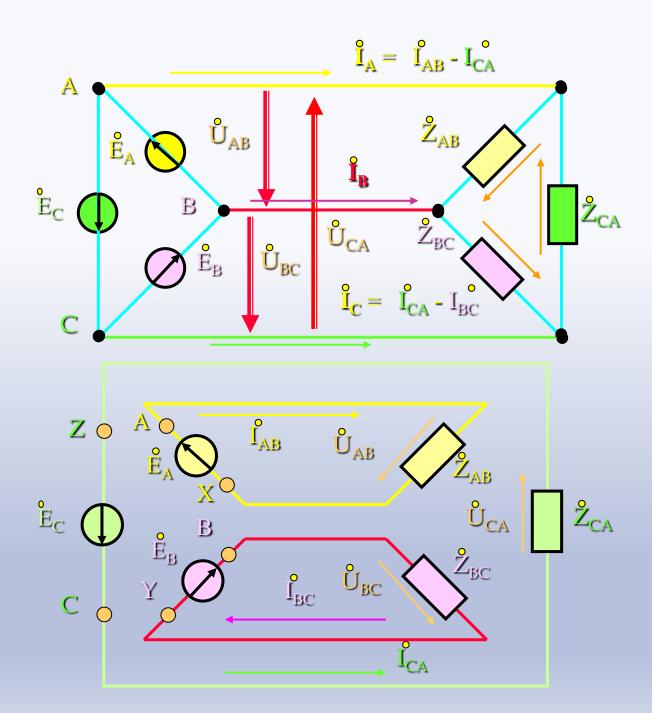
$$\dot{I}_B = \frac{\dot{E}_B}{\dot{Z}_B}$$

$$\dot{I}_C = \frac{\dot{E}_C}{\dot{Z}_C}$$

$$\dot{I}_N = \dot{I}_A + \dot{I}_B + \dot{I}_C$$

$$U_A = U_B = U_C = U_{\Phi}$$





$$\dot{I}_{AB} = \frac{\dot{U}_{AB}}{\dot{Z}_{AB}}$$

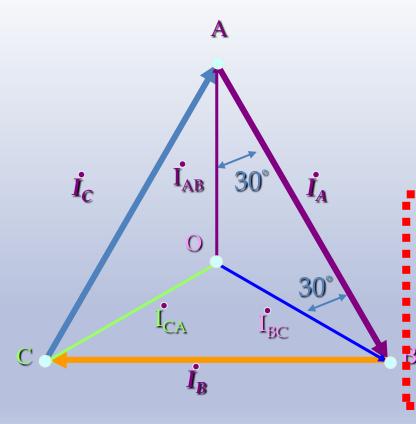
$$\dot{I}_{BC} = \frac{\dot{U}_{BC}}{\dot{Z}_{BC}}$$

$$\dot{I}_{AB} = \frac{\dot{U}_{AB}}{\dot{Z}_{AB}} \qquad \dot{I}_{BC} = \frac{\dot{U}_{BC}}{\dot{Z}_{BC}} \qquad \dot{I}_{CA} = \frac{\dot{U}_{CA}}{\dot{Z}_{CA}}$$

$$\dot{I}_{A} = \dot{I}_{AB} - \dot{I}_{CA}$$

$$\dot{I}_{B} = \dot{I}_{BC} - \dot{I}_{AB}$$

$$\vec{I}_{A} = \vec{I}_{AB} - \vec{I}_{CA}$$
 $\vec{I}_{B} = \vec{I}_{BC} - \vec{I}_{AB}$
 $\vec{I}_{C} = \vec{I}_{CA} - \vec{I}_{BC}$



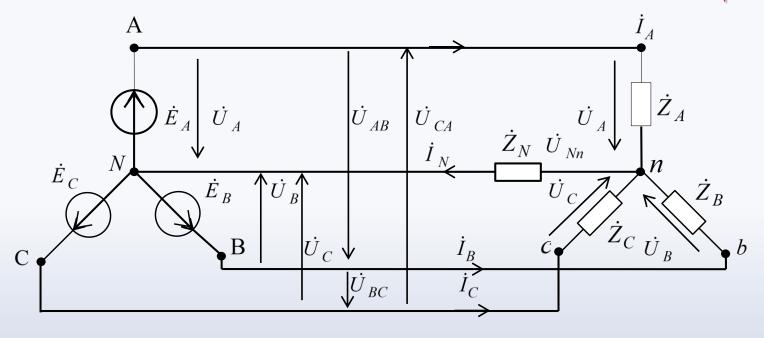
$$I_A = I_B = I_C = I_{\Phi}$$

$$I_{AB} = I_{BC} = I_{CA} = I_{JI}$$

$$I_{II} = 2 \cdot I_{\Phi} \cdot \cos 30^{\circ} = \sqrt{3} \cdot I_{\Phi}$$

$$U_{\scriptscriptstyle J\!\!I} = U_{\scriptscriptstyle \Phi}$$

НЕСИММЕТРИЧНЫЙ РЕЖИМ РАБОТЫ ТРЕХФАЗНОЙ ЦЕПИ



- 1. Общий случай $\dot{Z}_A \neq \dot{Z}_B \neq \dot{Z}_C$ и $\dot{Z}_N \neq 0$, и при $\dot{Z}_N = 0$.
- 2. Случай, когда $\dot{Z}_A \ni [0, \infty]$, а $\dot{Z}_B = \dot{Z}_C$.
- 3. Случай, когда каждая фаза приемника состоит из различных по физической природе элементов: $\dot{Z}_A \to C, \, \dot{Z}_B \to L, \dot{Z}_C \to R$.

$$Z_A \neq Z_B \neq Z_B$$

$$\dot{Z}_A \neq \dot{Z}_B \neq \dot{Z}_C$$
 $\varphi_A \neq \varphi_B \neq \varphi_C$

$$Z_N \neq 0$$

$$\dot{Y}_A = \frac{1}{\dot{Z}_A}, \ \dot{Y}_B = \frac{1}{\dot{Z}_B}, \ \dot{Y}_C = \frac{1}{\dot{Z}_C}, \dot{Y}_N = \frac{1}{\dot{Z}_N}$$

$$\dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{A}'}{\dot{Z}_{A}}, \ \dot{I}_{B} = \frac{\dot{U}_{B}'}{\dot{Z}_{B}}, \ \dot{I}_{C} = \frac{\dot{U}_{C}'}{\dot{Z}_{C}}$$

$$\dot{I}_N = \dot{I}_A + \dot{I}_B + \dot{I}_C$$

$$\dot{I}_{N} = \dot{I}_{A} + \dot{I}_{B} + \dot{I}_{C}$$

$$\dot{U}_{nN} = \frac{\dot{Y}_{A}\dot{U}_{A} + \dot{Y}_{B}\dot{U}_{B} + \dot{Y}_{C}\dot{U}_{C}}{\dot{Y}_{A} + \dot{Y}_{B} + \dot{Y}_{C} + \dot{Y}_{N}}$$

$$\dot{U}_A' = \dot{U}_A - \dot{U}_{nN},$$

$$\dot{U}_{\scriptscriptstyle B}^{\scriptscriptstyle /} = \dot{U}_{\scriptscriptstyle B} - \dot{U}_{\scriptscriptstyle nN}$$
 ,

$$\dot{U}_C' = \dot{U}_C - \dot{U}_{nN}.$$

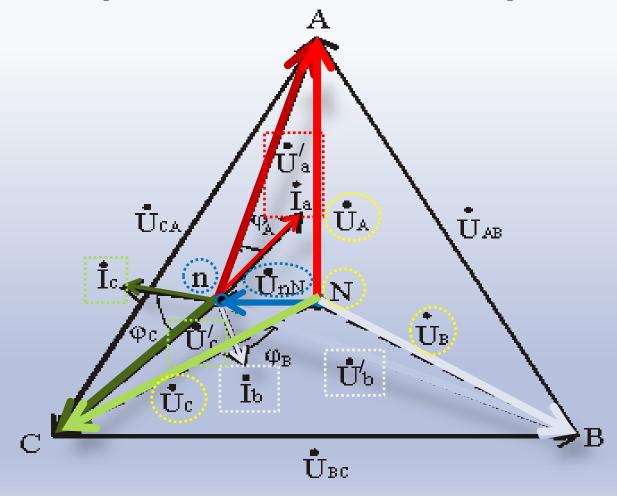
$$\dot{I}_A = \frac{\dot{U}_A^{\prime}}{\dot{Z}_A} = \dot{U}_A^{\prime} \cdot \dot{Y}_A,$$

$$\dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{A}^{'}}{\dot{Z}_{A}} = \dot{U}_{A}^{'} \cdot \dot{Y}_{A}, \qquad \dot{I}_{B} = \frac{\dot{U}_{B}^{'}}{\dot{Z}_{B}} = \dot{U}_{B}^{'} \cdot \dot{Y}_{B}, \qquad \dot{I}_{C} = \frac{\dot{U}_{C}^{'}}{\dot{Z}_{C}} = \dot{U}_{C}^{'} \cdot \dot{Y}_{C}.$$

$$\dot{I}_C = \frac{U_C'}{\dot{Z}_C} = \dot{U}_C' \cdot \dot{Y}_C.$$

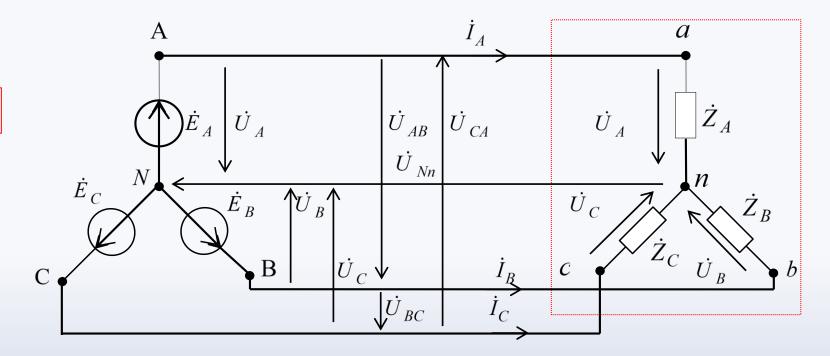
Направление смещения нейтрали зависит от последовательности фаз системы и характера нагрузки. Поэтому нейтральный провод необходим для того, чтобы:

- ✓ выравнивать фазные напряжения приемника при несимметричной нагрузке;
- \checkmark подключать к трехфазной цепи однофазные приемники с номинальным напряжением в $\sqrt{3}$ раз меньше номинального линейного напряжения сети.

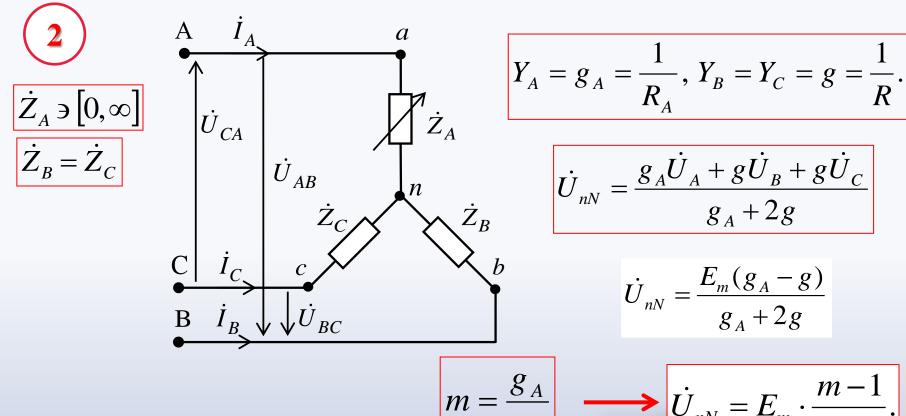




$$\dot{Z}_N = 0$$



$$\dot{U}_{nN} = \frac{\dot{Y}_{A}\dot{U}_{A} + \dot{Y}_{B}\dot{U}_{B} + \dot{Y}_{C}\dot{U}_{C}}{\dot{Y}_{A} + \dot{Y}_{B} + \dot{Y}_{C}}$$



$$\dot{U}_{nN} = \frac{g_A \dot{U}_A + g \dot{U}_B + g \dot{U}_C}{g_A + 2g}$$

$$\dot{U}_{nN} = \frac{E_m(g_A - g)}{g_A + 2g}$$

$$m = \frac{g_A}{g}$$
 \longrightarrow $\dot{U}_{nN} = E_m \cdot \frac{m-1}{m+2}.$

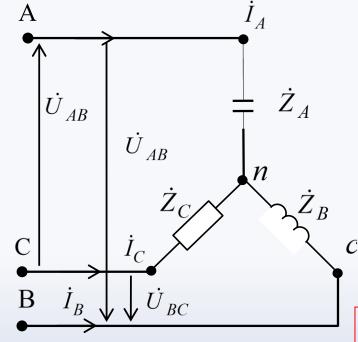
Рассмотрим следующие случаи:

1) Если $R_A = 0$, тогда $g_A \to \infty$ и $m \ne 0$. Напряжение смещения нейтрали будет иметь определенную величину, т.е. $U_{nN} \approx E_m$, в этом случае фазные напряжения: $\dot{U}_A = 0$, $\dot{U}_B = -\dot{U}_{AB}$, $\dot{U}_C = \dot{U}_{CA}$. Фазные токи можно определить по вышеописанным формулам (11.28).

Если $R_A \to \infty$, тогда $g_A \to 0$ и m = 0. Напряжение смещения нейтрали будет

иметь отрицательную величину, т.е. $\dot{U}_{nN} \approx -\frac{E_m}{2}$,

$$\dot{Z}_A \to C,$$
 $\dot{Z}_B \to L,$
 $\dot{Z}_C \to R$



$$\dot{Y}_A = \frac{1}{\dot{Z}_A} = jb_C,$$

$$\dot{Y}_B = \frac{1}{\dot{Z}_B} = -jb_L,$$

$$|\dot{Y}_C = \frac{1}{\dot{Z}_C}, = g$$

$$\dot{U}_{nN} = \frac{E_m \cdot jb_C + E_m a^2 \cdot (-jb_L) + E_m a \cdot g}{g + jb_C - jb_L}.$$

$$b_C = b_L = b,$$

$$\dot{U}_{nN} = \frac{jb \cdot E_m (1 - a^2) + E_m a \cdot g}{g} = \frac{E_m}{g} (jb(1 - a^2) + ga)$$

$$\begin{split} \dot{I}_{C} &= \left(\dot{E}_{C} - \dot{U}_{nN} \right) \dot{Y}_{C} = \left(E_{m} a - \frac{E_{m}}{g} \left(jb \left(1 - a^{2} \right) + ga \right) \right) g = \\ &= \left(E_{m} ag - E_{m} \left(jb \left(1 - a^{2} \right) + ga \right) \right) = -E_{m} \cdot jb \left(1 - a^{2} \right). \end{split}$$

МОЩНОСТЬ ТРЕХФАЗНОЙ ЦЕПИ

Соединение «Звезда»

$$P = P_A + P_B + P_C,$$

$$Q = Q_A + Q_B + Q_C,$$

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2}.$$

$$P_A = U_A I_A \cos \phi_A,$$

 $P_B = U_B I_B \cos \phi_B,$
 $P_C = U_C I_C \cos \phi_C,$

$$Q_A = U_A I_A \sin \varphi_A,$$

 $Q_B = U_B I_B \sin \varphi_B,$
 $Q_C = U_C I_C \sin \varphi_C.$

$$\begin{split} \boldsymbol{S}_{A} &= \boldsymbol{U}_{A} \boldsymbol{I}_{A}, \\ \boldsymbol{S}_{B} &= \boldsymbol{U}_{B} \boldsymbol{I}_{B}, \\ \boldsymbol{S}_{C} &= \boldsymbol{U}_{C} \boldsymbol{I}_{C}. \end{split}$$

 $\dot{U}_A, \dot{U}_B, \dot{U}_C$ - фазные напряжения, $\dot{I}_A, \dot{I}_B, \dot{I}_C$ - фазные токи, $\varphi_A, \varphi_B, \varphi_C$ - углы сдвига фаз между напряжением и током.

$$\dot{U}_A = \dot{U}_B = \dot{U}_C = \dot{U}_{\phi},$$

$$\dot{U}_{A} = \dot{U}_{B} = \dot{U}_{C} = \dot{U}_{\phi}, \qquad \dot{I}_{A} = \dot{I}_{B} = \dot{I}_{C} = \dot{I}_{\phi}, \quad \varphi_{A} = \varphi_{B} = \varphi_{C} = \varphi$$

$$P_A = P_B = P_C = P_\phi = U_\phi I_\phi \cos \varphi, \quad Q_A = Q_B = Q_C = Q_\phi = U_\phi I_\phi \sin \varphi.$$

$$U_{\phi} = \frac{U_{\pi}}{\sqrt{3}}, I_{\Phi} = I_{\pi}$$

$$P = 3P_{\phi} = 3U_{\phi}I_{\phi}\cos\varphi,$$

$$Q = 3Q_{\phi} = 3U_{\phi}I_{\phi}\sin\varphi,$$

$$S = 3S_{\phi} = 3U_{\phi}I_{\phi}.$$

МОЩНОСТЬ ТРЕХФАЗНОЙ ЦЕПИ

Соединение «Треугольник»

$$P = P_{AB} + P_{BC} + P_{CA},$$

$$P_{AB} = U_{AB}I_{AB}\cos\varphi_{AB},$$

$$P_{BC} = U_{BC}I_{BC}\cos\varphi_{BC},$$

$$P_{CA} = U_{CA}I_{CA}\cos\varphi_{CA},$$

$$Q = Q_{AB} + Q_{BC} + Q_{CA},$$

$$Q_{AB} = U_{AB}I_{AB}\sin\varphi_{AB},$$

$$Q_{BC} = U_{BC}I_{BC}\sin\varphi_{BC},$$

$$Q_{CA} = U_{CA}I_{CA}\sin\varphi_{CA}.$$

$$S_{AB} = U_{AB}I_{AB},$$
 $S_{AB} = U_{AB}I_{AB}$

$$S_{BC} = U_{BC}I_{BC},$$

$$S_{CA} = U_{CA}I_{CA}.$$

 $\dot{U}_{AB}, \dot{U}_{BC}, \dot{U}_{CA}$ - линейные напряжения, которые равны фазным напряжениям приемника, I_{AB}, I_{BC}, I_{CA} - линейные токи в каждой фазе приемника, $\varphi_{AB}, \varphi_{BC}, \varphi_{CA}$ - углы сдвига фаз между напряжением и током.

$$\dot{U}_{AB} = \dot{U}_{BC} = \dot{U}_{CA} = \dot{U}_{JI}$$

$$\dot{U}_{AB} = \dot{U}_{BC} = \dot{U}_{CA} = \dot{U}_{II}$$
 $\dot{I}_{AB} = \dot{I}_{BC} = \dot{I}_{CA} = \dot{I}_{II}$, $\phi_{AB} = \phi_{BC} = \phi_{CA} = \phi$

$$P_{AB} = P_{BC} = P_{CA} = P_{JI} = U_{JI}I_{JI}\cos\phi,$$

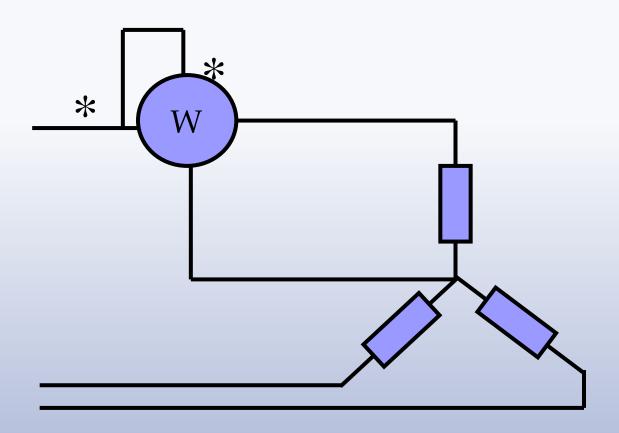
 $Q_{AB} = Q_{BC} = Q_{CA} = Q_{JI} = U_{JI}I_{JI}\sin\phi.$

$$U_{\phi} = U_{\pi}, \ I_{\phi} = \frac{I_{\pi}}{\sqrt{3}}$$

$$P = 3P_{\phi}, \ Q = 3Q_{\phi},$$

$$S = 3S_{\phi} = 3U_{\phi}I_{\phi}.$$

СИММЕТРИЧНЫЙ РЕЖИМ РАБОТЫ ТРЕХФАЗНОЙ ЦЕПИ



НЕСИММЕТРИЧНЫЙ РЕЖИМ РАБОТЫ ТРЕХФАЗНОЙ ЦЕПИ

